

**О ГРАФАХ С ПОЧТИ РЕБЕРНО  
НЕПЕРЕСЕКАЮЩИМИСЯ ОСТОВНЫМИ ДЕРЕВЬЯМИ**

*Мазуренко Анастасия Павловна*

*Студент*

*Факультет ВМК МГУ имени М. В. Ломоносова, Москва, Россия*

*E-mail: anapmazurenko@gmail.com*

*Научный руководитель — Селезнева Светлана Николаевна*

Деревом называется связный граф, не содержащий циклов. Деревья — достаточно просто устроенные графы, но, несмотря на это, они встречаются в огромном количестве прикладных задач [1]. Особое место среди деревьев занимают остовные деревья графов: подграф на всех вершинах, являющийся деревом. Они используются в задачах проектирования линий электропередачи, трубопроводов, дорог, сетей компьютеров и др. В работе рассматривается задача нахождения почти реберно–непересекающихся остовных деревьев в связных графах. Пусть дан связный граф  $G$  и натуральные числа  $k$  и  $r$ . Требуется вывести  $k$  остовных деревьев графа  $G$ , удовлетворяющих свойствам, описанным ниже, или доказать, что таких не существует. Требуемые свойства:

1. существует не более  $r$  ребер графа  $G$ , которые могут входить в любое количество остовных деревьев;
2. остальные ребра графа  $G$  могут входить не более чем в одно из  $k$  остовных деревьев.

В 1961 году К. Нэш-Уильямсом [2] и независимо У. Т. Татом [3] был доказан критерий существования в графе  $k$  реберно–непересекающихся остовных деревьев (т.е. для  $r = 0$ ). Они доказали, что граф содержит  $k$  реберно–непересекающихся остовных деревьев тогда и только тогда, когда для любого разбиения  $P$  его вершин на  $|P|$  множеств существует хотя бы  $k(|P| - 1)$  ребер между вершинами разных множеств разбиения.

В докладе представляется полученный критерий существования в графе  $k$  почти реберно–непересекающихся остовных деревьев для  $r = 1$ .

**Литература**

1. Емеличев В. А., Мельников О. И., Сарванов В. И., Тышкевич Р. И. Лекции по теории графов. М.: Либроком, 2009. № 36.

2. Nash-Williams C. St. J. A. Edge-disjoint spanning trees of finite graphs // J. London Math. Soc. 1961. P. 445–450.
3. Tutte W. T. On the problem of decomposing a graph into  $n$  connected factors // J. London Math. Soc. 1961. P. 221–230.